



ШКОЛА ПИФАГОРА

АЛГЕБРА | ЕГЭ

ТАБЛИЦА УМНОЖЕНИЯ

$1 \times 1 = 1$	$2 \times 1 = 2$	$3 \times 1 = 3$	$4 \times 1 = 4$	$5 \times 1 = 5$	$6 \times 1 = 6$	$7 \times 1 = 7$	$8 \times 1 = 8$	$9 \times 1 = 9$	$10 \times 1 = 10$
$1 \times 2 = 2$	$2 \times 2 = 4$	$3 \times 2 = 6$	$4 \times 2 = 8$	$5 \times 2 = 10$	$6 \times 2 = 12$	$7 \times 2 = 14$	$8 \times 2 = 16$	$9 \times 2 = 18$	$10 \times 2 = 20$
$1 \times 3 = 3$	$2 \times 3 = 6$	$3 \times 3 = 9$	$4 \times 3 = 12$	$5 \times 3 = 15$	$6 \times 3 = 18$	$7 \times 3 = 21$	$8 \times 3 = 24$	$9 \times 3 = 27$	$10 \times 3 = 30$
$1 \times 4 = 4$	$2 \times 4 = 8$	$3 \times 4 = 12$	$4 \times 4 = 16$	$5 \times 4 = 20$	$6 \times 4 = 24$	$7 \times 4 = 28$	$8 \times 4 = 32$	$9 \times 4 = 36$	$10 \times 4 = 40$
$1 \times 5 = 5$	$2 \times 5 = 10$	$3 \times 5 = 15$	$4 \times 5 = 20$	$5 \times 5 = 25$	$6 \times 5 = 30$	$7 \times 5 = 35$	$8 \times 5 = 40$	$9 \times 5 = 45$	$10 \times 5 = 50$
$1 \times 6 = 6$	$2 \times 6 = 12$	$3 \times 6 = 18$	$4 \times 6 = 24$	$5 \times 6 = 30$	$6 \times 6 = 36$	$7 \times 6 = 42$	$8 \times 6 = 48$	$9 \times 6 = 54$	$10 \times 6 = 60$
$1 \times 7 = 7$	$2 \times 7 = 14$	$3 \times 7 = 21$	$4 \times 7 = 28$	$5 \times 7 = 35$	$6 \times 7 = 42$	$7 \times 7 = 49$	$8 \times 7 = 56$	$9 \times 7 = 63$	$10 \times 7 = 70$
$1 \times 8 = 8$	$2 \times 8 = 16$	$3 \times 8 = 24$	$4 \times 8 = 32$	$5 \times 8 = 40$	$6 \times 8 = 48$	$7 \times 8 = 56$	$8 \times 8 = 64$	$9 \times 8 = 72$	$10 \times 8 = 80$
$1 \times 9 = 9$	$2 \times 9 = 18$	$3 \times 9 = 27$	$4 \times 9 = 36$	$5 \times 9 = 45$	$6 \times 9 = 54$	$7 \times 9 = 63$	$8 \times 9 = 72$	$9 \times 9 = 81$	$10 \times 9 = 90$
$1 \times 10 = 10$	$2 \times 10 = 20$	$3 \times 10 = 30$	$4 \times 10 = 40$	$5 \times 10 = 50$	$6 \times 10 = 60$	$7 \times 10 = 70$	$8 \times 10 = 80$	$9 \times 10 = 90$	$10 \times 10 = 100$

ТАБЛИЦА КВАДРАТОВ

		Единицы									
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Десятки	1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
	2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
	3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
	4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
	5	2500	2601	2704	2809	2916	3025	3136	3249	3364	3481
	6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
	7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
	8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
	9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

ОКРУГЛЕНИЕ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

Чтобы округлить число до нужного разряда, необходимо поставить черты после этого разряда и подчеркнуть цифру, стоящую после черты:

- Если цифра маленькая (0, 1, 2, 3, или 4), то просто отбрасываем всё, что было после черты.
- Если цифра большая (5, 6, 7, 8 или 9), то отбрасываем всё, что было после черты и добавляем к цифре перед чертой единичку.

ПРИМЕР ОКРУГЛЕНИЯ ДО ЦЕЛЫХ

Округлите 6,93 до целых.
693 ≈ 7

ПРИМЕР ОКРУГЛЕНИЯ ДО ДЕСЯТЫХ

Округлите 28,88888888 до десятых.
28,888888888 ≈ 28,9

ПРИМЕР ОКРУГЛЕНИЯ ДО СОТЫХ

Округлите 0,19444444 до сотых.
0,1944444444 ≈ 0,19

ПРИМЕР ОКРУГЛЕНИЯ ДО ТЫСЯЧ

Округлите 15750 до тысяч.
15750 ≈ 16000

ЗНАКИ

СЛОЖЕНИЕ ЧИСЕЛ С РАЗНЫМИ ЗНАКАМИ

Чтобы сложить два числа с разными знаками, необходимо из более крупного (не учитывая знаки) вычесть менее крупное. И поставить перед результатом знак более крупного числа.

Пример:

$$\begin{aligned} 6 + (-4) &= +(6 - 4) = 2 \\ 2 + (-3) &= -(3 - 2) = -1 \\ -5 + 7 &= +(7 - 5) = 2 \\ -8 + 1 &= -(8 - 1) = -7 \\ 7 - 9 &= -(9 - 7) = -2 \end{aligned}$$

СЛОЖЕНИЕ ОТРИЦАТЕЛЬНЫХ ЧИСЕЛ

Чтобы сложить два отрицательных числа, необходимо сложить их (не учитывая знаки), и поставить перед результатом минус.

Пример:

$$\begin{aligned} -8 + (-2) &= -(8 + 2) = -10 \\ -1 - 5 &= -(1 + 5) = -6 \end{aligned}$$

ЗНАКИ ПРИ УМНОЖЕНИИ И ПРИ ДЕЛЕНИИ

Минус на минус даёт плюс (при умножении и при делении). Плюс на минус даёт минус (при умножении и при делении).

Пример:

$$\begin{aligned} +1 \cdot (-4) &= -4 & +4 : (-4) &= -1 \\ -6 \cdot (+1) &= -6 & -8 : (+2) &= -4 \\ -2 \cdot (-4) &= +8 & -4 : (-2) &= +2 \end{aligned}$$

ДРОБИ

ТРИ СПОСОБА НАЙТИ ОБЩИЙ ЗНАМЕНАТЕЛЬ

1

Сделать общим знаменателем произведение знаменателей.

Пример:

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{5} = \frac{1 \cdot 5 + 3 \cdot 2}{10} = \frac{15}{10}$$

2

Сделать общим знаменателем больший из знаменателей.

Пример:

$$\frac{1}{3} + \frac{5}{6} = \frac{2 \cdot 1 + 5}{6} = \frac{7}{6}$$

3

Сделать общим знаменателем число, в несколько раз превышающее больший из знаменателей.

Пример:

$$\frac{1}{6} + \frac{7}{9} = \frac{3 \cdot 1 + 7 \cdot 2}{18} = \frac{17}{18}$$

УМНОЖЕНИЕ ОБЫКНОВЕННЫХ ДРОБЕЙ

Чтобы умножить обыкновенные дроби, необходимо умножить верх на верх, а низ на низ.

Пример:

$$\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{5} = \frac{3 \cdot 1}{4 \cdot 5} = \frac{3}{20}$$

ДЕЛЕНИЕ ОБЫКНОВЕННЫХ ДРОБЕЙ

Чтобы разделить обыкновенные дроби, необходимо первую дробь оставить без изменения, а вторую перевернуть, а затем умножить дроби.

Пример:

$$\frac{3}{4} : \frac{2}{7} = \frac{3}{4} \cdot \frac{7}{2} = \frac{3 \cdot 7}{4 \cdot 2} = \frac{21}{8}$$

ПЕРЕВОД СМЕШАННОГО ЧИСЛА В НЕПРАВИЛЬНУЮ ДРОБЬ

Чтобы перевести смешанное число в неправильную дробь, необходимо целую часть умножить на знаменатель дробной части и прибавить результат к числителю, получился числитель; знаменатель оставляем в первоначальном виде.

Пример:

$$2\frac{3}{4} = \frac{2 \cdot 4 + 3}{4} = \frac{11}{4}$$

ЗНАЧЕНИЯ НЕКОТОРЫХ ОБЫКНОВЕННЫХ ДРОБЕЙ

$$\frac{1}{2} = 0,5$$

$$\frac{1}{4} = 0,25$$

$$\frac{3}{4} = 0,75$$

$$\frac{1}{8} = 0,125$$

ПРОПОРЦИИ

КАК НАЙТИ Х ИЗ ПРОПОРЦИИ

Чтобы найти икс из пропорции, необходимо перемножить элементы диагонали, не содержащей икс, и поделить результат на элемент, который находится с иксом в одной диагонали.

Пример:

$$\frac{48 - 100\%}{x - 120\%} \leftrightarrow x = \frac{48 \cdot 120}{100} = 57,6$$

РЕШЕНИЕ ЛЮБОЙ ПРОПОРЦИИ

Чтобы решить пропорцию, необходимо перемножить дроби крест-накрест и приравнять эти произведения.

Пример:

$$\frac{5,4}{1,8} = \frac{12 + x}{x} \leftrightarrow 5,4 \cdot x = 1,8 \cdot (12 + x) \leftrightarrow x = 6$$

ФОРМУЛЫ СОКРАЩЁННОГО УМНОЖЕНИЯ

РАЗНОСТЬ КВАДРАТОВ

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

Пример:

$$3^2 - x^2 = (3 - x)(3 + x)$$

КВАДРАТ СУММЫ

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

Пример:

$$(x + 2)^2 = x^2 + 4x + 4$$

КВАДРАТ РАЗНОСТИ

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

Пример:

$$(y - 4)^2 = y^2 - 8y + 16$$

СТЕПЕНИ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

a^n – это степень

a – это основание

n – это показатель

Пример:

$$2^3 = 2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$$

$$4^2 = 4 \cdot 4 = 16$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline a^n \cdot a^m = a^{n+m} & a^n : a^m = a^{n-m} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 3 & 4 \\ \hline (a^n)^m = a^{n \cdot m} & a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 5 & 6 \\ \hline \frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n & \frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 7 & 8 \\ \hline a^0 = 1 & a^{-n} = \frac{1}{a^n} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 9 & 10 \\ \hline \text{Пример: } 5^0 = 1 & \text{Пример: } 10^{-2} = \frac{1}{10^2} = \frac{1}{100} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 11 & 12 \\ \hline \left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n & \left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 13 & 14 \\ \hline \text{Пример: } \left(\frac{2}{5}\right)^{-1} = \left(\frac{5}{2}\right)^1 & \text{Пример: } \left(\frac{2}{5}\right)^{-1} = \left(\frac{5}{2}\right)^1 \\ \hline \end{array}$$

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

Пример:

$$\sqrt{4} = 2$$

$$\sqrt{9} = 3$$

$$\sqrt{16} = 4$$

$$\sqrt{25} = 5$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{ab} & \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 3 & 4 \\ \hline \sqrt{a^2} = |a| & \sqrt{(a - 3)^2} = |a - 3| \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 5 & 6 \\ \hline \text{Пример: } \sqrt{5} \cdot \sqrt{2} = \sqrt{10} & \text{Пример: } \sqrt[5]{a^3} = a^{\frac{3}{5}} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 7 & 8 \\ \hline \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{3}} = \sqrt{8} & \sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}} \\ \hline \end{array}$$

КОРНИ

ЛОГАРИФМЫ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

$\log_a b$ – логарифм b по основанию a

$$\log_a b = c \leftrightarrow a^c = b$$

$$\text{Пример: } \log_2 16 = x \leftrightarrow x = 4$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline a^{\log_a b} = b & \log_a b + \log_a c = \log_a b \cdot c \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 3 & 4 \\ \hline \log_a b - \log_a c = \log_a \frac{b}{c} & \log_a b^k = k \cdot \log_a b \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 5 & 6 \\ \hline \text{Пример: } 2^{\log_2 5} = 5 & \log_a n^b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 7 & 8 \\ \hline \log_6 9 + \log_6 4 = \log_6 36 & \log_a b = \frac{1}{\log_b a} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 9 & 10 \\ \hline \text{Пример: } \log_4 32 - \log_4 2 = \log_4 16 & \log_a b^7 = 7 \log_a b \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 11 & 12 \\ \hline \log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a} & \log_3 25 = \frac{\log_5 25}{\log_5 3} \\ \hline \end{array}$$

ЛОГАРИФМЫ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

$\log_a b^k = k \cdot \log_a b$

$$\log_a n^b = \frac{1}{n} \cdot \log_a b$$

$$\text{Пример: } \log_a b^7 = 7 \log_a b$$

$$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$$

$$\log_a b = \frac{1}{3} \cdot \log_a b$$

$$\log_2 5 = \frac{1}{\log_5 2}$$

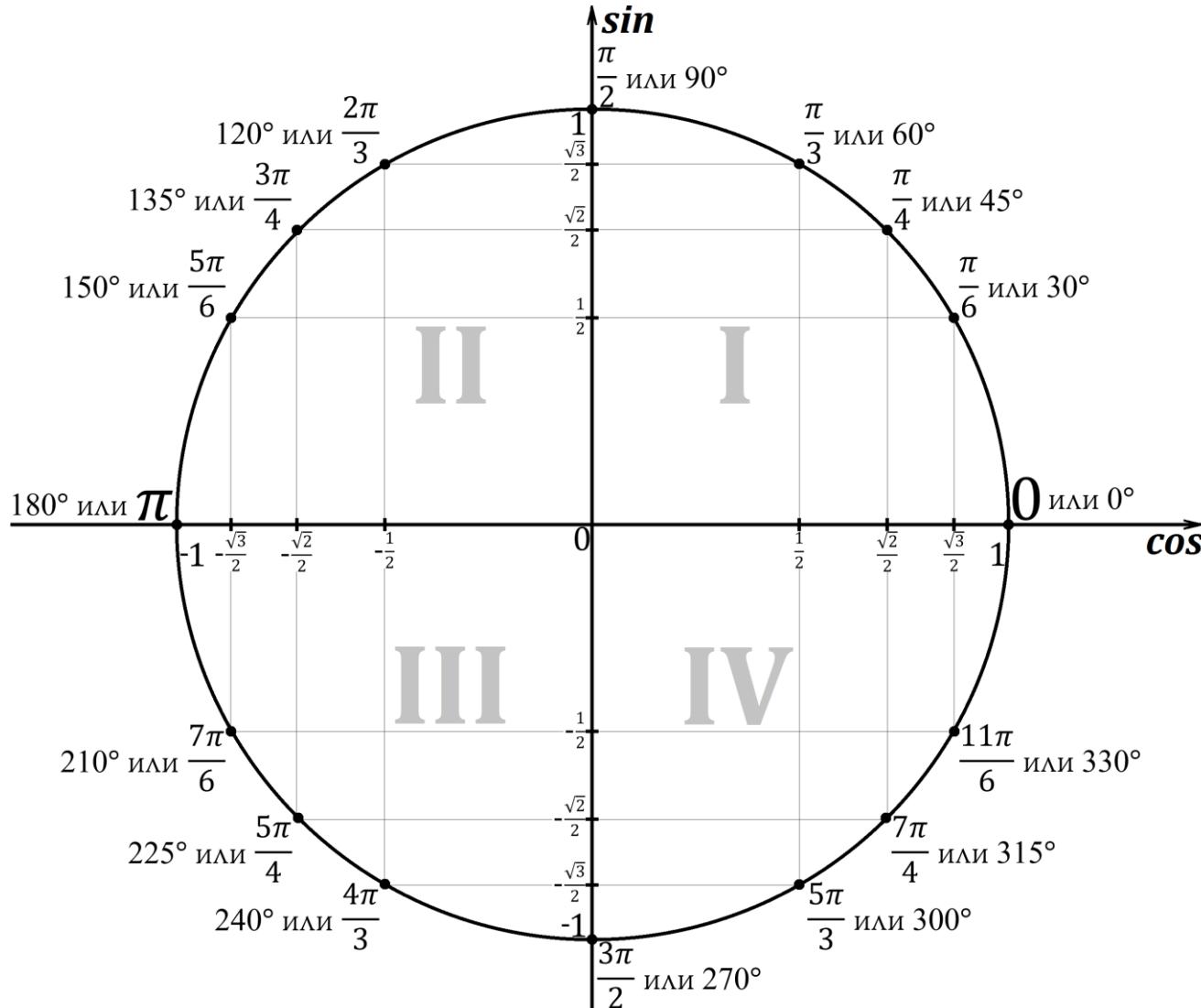
$$\begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline \log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a} & \log_3 25 = \frac{\log_5 25}{\log_5 3} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 3 & 4 \\ \hline \log_a b = \frac{1}{\log_b a} & \log_a b^7 = 7 \log_a b \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 5 & 6 \\ \hline \log_a b = \frac{1}{\log_b a} & \log_a b = \frac{1}{\log_b a} \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|} \hline 7 & 8 \\ \hline \log_3 25 = \frac{\log_5 25}{\log_5 3} & \log_3 25 = \frac{\log_5 25}{\log_5 3} \\ \hline \end{array}$$

ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКАЯ ОКРУЖНОСТЬ



СИНУС, КОСИНУС, ТАНГЕНС И КОТАНГЕНС

СИНУС

$$\sin = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

КОСИНУС

$$\cos = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

ТАНГЕНС

$$tg = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$$

$$tg\alpha = \frac{\sin\alpha}{\cos\alpha}$$

КОТАНГЕНС

$$ctg = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$$

$$ctg\alpha = \frac{\cos\alpha}{\sin\alpha}$$

ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ ТОЖДЕСТВА

ОСНОВНОЕ ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКОЕ ТОЖДЕСТВО

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

СВЯЗЬ МЕЖДУ ТАНГЕНСОМ И КОСИНУСОМ

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

СВЯЗЬ МЕЖДУ КОТАНГЕНСОМ И СИНУСОМ

$$1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

СВЯЗЬ МЕЖДУ ТАНГЕНСОМ И КОТАНГЕНСОМ

$$\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg} \alpha = 1$$

ФОРМУЛЫ ПРИВЕДЕНИЯ

ОПРЕДЕЛЯЕМ ИЗМЕНИЛСЯ ЛИ ФУНКЦИЯ НА КОФУНКЦИЮ

Если в аргументе есть $\frac{\pi}{2}$ или $\frac{3\pi}{2}$ или $\frac{5\pi}{2}$ и т. д., то функция меняется на кофункцию.

Пример:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$$

$$\operatorname{ctg}\left(\frac{9\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{tg} \alpha$$

Если в аргументе есть π или 2π или 3π и т. д., то функция не меняется на кофункцию.

Пример:

$$\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha$$

ОПРЕДЕЛЯЕМ ЗНАК

Чтобы определить знак, необходимо понять в какой четверти находится аргумент и смотреть на изначальную функцию, а не на изменившуюся.

Пример:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right)$$

$\frac{3\pi}{2} + \alpha$ – это IV четверть, в ней синус имеет знак "−", поэтому:

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) = -\cos \alpha$$

Пример:

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha)$$

$(\pi + \alpha)$ – это III четверть, в ней тангенс имеет знак "+", поэтому:

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = +\operatorname{tg} \alpha$$

ФОРМУЛЫ ДВОЙНОГО УГЛА

СИНУС ДВОЙНОГО УГЛА

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

КОСИНУС ДВОЙНОГО УГЛА

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

КОСИНУС ДВОЙНОГО УГЛА (ЧЕРЕЗ КОСИНУС)

$$\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1$$

КОСИНУС ДВОЙНОГО УГЛА (ЧЕРЕЗ СИНУС)

$$\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$$

ПРОИЗВОДНЫЕ

1

$$C' = 0$$

2

$$x' = 1$$

3

$$(Cx)' = C$$

4

$$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$$

5

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

6

$$(U \cdot V)' = U'V + UV'$$

7

$$\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$$

ПРОИЗВОДНАЯ СЛОЖНОЙ ФУНКЦИИ (С ФУНКЦИЕЙ ВНУТРИ)

Чтобы взять такую производную, необходимо взять производную основной функции и умножить на производную внутренней функции.

Пример:

$$\sqrt{2x}' = \frac{1}{2\sqrt{2x}} \cdot 2$$

$$(\sin 5x)' = 5 \cdot \cos 5x$$

8

$$(\sin x)' = \cos x$$

9

$$(\cos x)' = -\sin x$$

10

$$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

11

$$(\operatorname{tg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

12

$$(e^x)' = e^x$$

13

$$(a^x)' = a^x \cdot \ln a$$

14

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

15

$$(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$$